

1er BAC Sciences Expérimentales BIOF

Devoir surveiller n°3 sur les leçons suivantes :

**CALCUL TRIGONOMETRIQUE et LES SUITES NUMERIQUES**

Durée : 2 heures (La correction voir 😊 <http://www.xriadiat.com> )

**Exercice1** : (6 pts) : (2pt + 1pt + 1,5pt + 1,5pt)

Soit  $x \in \mathbb{R}$  on pose :  $A(x) = \cos 3x - 3 \sin x + 3\sqrt{2} \sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$

1) Calculer :  $\cos 3x$  en fonction de  $\cos x$  et calculer  $\sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$  en fonction de  $\cos x$  et  $\sin x$

2) En déduire une écriture simple de  $A(x)$

3a) Résoudre dans  $I = [-\pi; \pi]$  l'équation :  $A(x) = \frac{1}{2}$

b) Résoudre dans  $I$  l'inéquation :  $A(x) \leq \frac{1}{2}$

**Exercice2** : (4,5pts) : (1,5pt + 1,5pt + 1,5pt)

Soit  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  la suite récurrente définie par : 
$$\begin{cases} u_{n+1} = \frac{8(u_n - 1)}{u_n + 2} \quad \forall n \in \mathbb{N} \\ u_0 = 3 \end{cases}$$

1) Montrer que  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  est minorée par 2

2) Montrer que  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  est majorée par 4

3) Etudier la monotonie de la suite  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$

**Exercice3** : (4pts) : (1,5pt + 1pt + 0,5pt + 1pt) Soit  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  la suite récurrente définie par :

$$\begin{cases} u_{n+1} = \frac{2u_n - 1}{u_n} ; \forall n \in \mathbb{N} \\ u_0 = 2 \end{cases}$$

Et on considère la suite  $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$  définie par :  $v_n = \frac{1}{u_n - 1} \quad \forall n \in \mathbb{N}$

1) Montrer que :  $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$  est une suite arithmétique et déterminer sa raison  $r$  et son premier terme

2) Ecrire  $v_n$  en fonction de  $n$

3) En déduire  $u_n$  en fonction de  $n$

4) Calculer la somme suivante :  $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_{32}$

**Exercice4** : (5,5pts) : (2pt + 1pt + 1pt + 1,5pt) Soit la suite récurrente  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  définie par :

$$\begin{cases} u_{n+1} = \frac{u_n}{3 - u_n} \quad \forall n \in \mathbb{N} \\ u_0 = \frac{1}{2} \end{cases}$$

1) Montrer que  $0 < u_n < 2 \quad \forall n \in \mathbb{N}$

2) Soit  $\alpha \in \mathbb{R}$  on pose : la suite  $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$  définie par :  $v_n = 1 + \frac{\alpha}{u_n} ; \forall n \in \mathbb{N}$

Déterminer la valeur de  $\alpha$  pour laquelle la suite  $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$  est géométrique

3) On prend :  $\alpha = -2$

a) Calculer :  $S_n = v_3 + v_4 + \dots + v_n$  en fonction de  $n$

b) Déterminer  $u_n$  en fonction de  $n$

**PROF: ATMANI NAJIB**

*C'est en forgeant que l'on devient forgeron : Dit un proverbe.*

*C'est en s'entraînant régulièrement aux calculs et exercices que l'on devient un mathématicien*

